



Segunda Etapa

SEGUNDO DIA – 2ª ETAPA

FÍSICA

**COMISSÃO DE PROCESSOS
SELETIVOS E TREINAMENTOS**



FÍSICA

Dados:

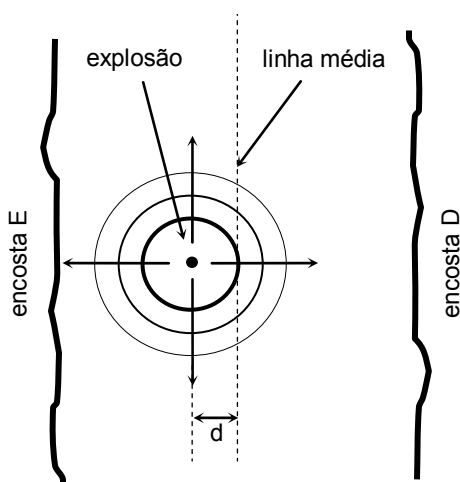
Aceleração da gravidade: 10 m/s^2

Velocidade da luz no vácuo: $3 \times 10^8 \text{ m/s}$.

Constante de Planck: $6,63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9 \frac{\text{Vm}}{\text{C}}$$

01. Um estudante de física deseja localizar o ponto médio entre duas encostas de um vale. A figura mostra uma vista de cima das encostas e a posição do estudante. Ele faz explodir uma pequena bomba e registra os intervalos de tempo $\Delta t_D = 1,5 \text{ s}$ e $\Delta t_E = 0,50 \text{ s}$, respectivamente, entre a explosão e os primeiros ecos do lado direito (D) e do esquerdo (E). Sabendo-se que a velocidade do som vale $v = 340 \text{ m/s}$, calcule a distância perpendicular, d , entre a posição da explosão e a linha média, em metros. Suponha que o ar está parado em relação ao solo.

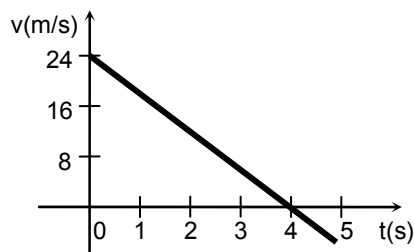


Resposta: 85

Justificativa: Temos que $\frac{2d_D}{v} = \Delta t_D$ e $\frac{2d_E}{v} = \Delta t_E$, onde d_D e d_E são as distâncias do estudante às encostas D e E.

Portanto, a distância perpendicular do local da explosão à linha média é dada por $d = \frac{d_D - d_E}{2} = \frac{v}{4}(\Delta t_D - \Delta t_E) = \frac{340}{4}(1,5 - 0,5) = 85 = 85 \text{ m}$.

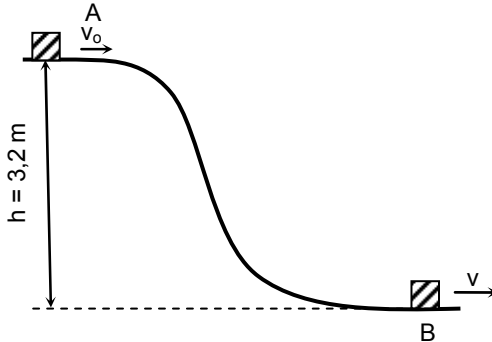
02. A figura mostra um gráfico da velocidade de uma partícula de massa $m = 0,5 \text{ kg}$ em função do tempo. Calcule o módulo da força resultante sobre a partícula, no instante $t = 4 \text{ s}$, em newtons.



Resposta: 03

Justificativa: A partir do gráfico vemos que se trata de um movimento uniformemente variado. Logo, $a = \Delta v / \Delta t = -24 / 4 = -6 \text{ m/s}^2$.
 $F = ma = 0,5 \times 6 = 3 \text{ N}$.

03. Um pequeno bloco, posto em movimento a partir do ponto **A** com velocidade $v_0 = 6 \text{ m/s}$, desliza sem atrito até o ponto **B**, onde a sua velocidade é v . O intervalo de tempo de trânsito entre **A** e **B** é $\Delta t = 1,0 \text{ s}$. Calcule a componente horizontal da aceleração média do bloco, entre os pontos **A** e **B**, em m/s^2 . Despreze a resistência do ar.

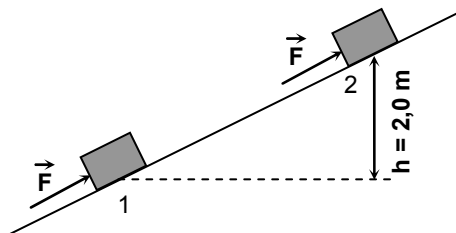


Resposta: 04

Justificativa:

Por conservação da energia mecânica, $\frac{1}{2}mv_0^2 + mgh = \frac{1}{2}mv^2$. Então,
 $v = \sqrt{v_0^2 + 2gh} = 10 \text{ m/s}$. Logo, a média $= \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10 - 6}{1,0} = 4 \text{ m/s}^2$.

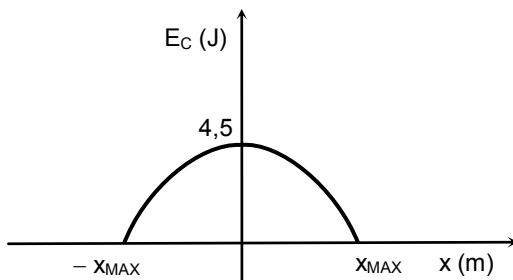
04. Um bloco de massa $m = 4,0 \text{ kg}$ é empurrado, através da aplicação de uma força \vec{F} constante ao longo de um plano inclinado, como mostra a figura. O bloco parte do repouso no ponto 1 e chega ao ponto 2 com velocidade $v = 2,0 \text{ m/s}$. Calcule o trabalho realizado pela força \vec{F} , ao longo do trajeto de 1 a 2, em **joules**. Despreze o atrito com o plano e a resistência do ar.



Resposta: 88

Justificativa: Visto que a força \vec{F} é externa ao sistema bloco-Terra, o trabalho desta força é responsável pela variação da energia mecânica do sistema. Ou seja, $W = \Delta E_{MEC} = \Delta K + \Delta U = \frac{1}{2} \times 4,0 \times (2,0)^2 + 4,0 \times 10 \times 2,0 = 88 \text{ J}$.

- 05.** Considere um sistema massa-mola, onde o bloco desliza sem atrito ao longo de uma superfície horizontal. A figura mostra o gráfico da energia cinética, E_C , do bloco, em função do alongamento da mola, x . Sabendo-se que a constante elástica da mola é $k = 100 \text{ N/m}$, calcule o alongamento máximo da mola x_{MAX} , em **centímetros**. Despreze a resistência do ar.

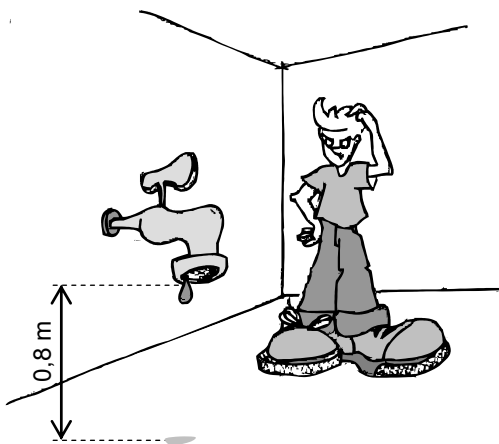


Resposta: 30

Justificativa:

Por conservação da energia mecânica, $E_C(\max) = 4,5 = \frac{1}{2}k(x_{MAX})^2$. Logo, $x_{MAX} = 0,3 \text{ m} = 30 \text{ cm}$.

- 06.** Uma torneira colocada a uma altura $H = 0,8 \text{ m}$ do solo, não estando bem fechada, goteja. Cada gota tem em média a massa $m = 0,5 \text{ g}$. Supondo que as colisões das gotas com o solo durem em média $\Delta t = 1 \text{ ms}$, calcule a força média que cada gota exerce sobre o solo, durante a colisão, em **newtons**. Suponha que a velocidade inicial da gota é nula e que toda a gota é absorvida pelo solo, no instante da colisão. Despreze a resistência do ar.



Resposta: 02

Justificativa:

A velocidade no instante da colisão é $v = \sqrt{2gH} = 4 \text{ m/s}$. A força média sobre solo é

$$F_{\text{média}} = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{0,5 \times 10^{-3} (4 - 0)}{0,001} = 2 \text{ N.}$$

- 07.** Para determinar a densidade de um certo metal, pesa-se uma peça do metal no ar e posteriormente a peça imersa em água. Seu peso no ar é de **800 N** e na água é de apenas **700 N**. Qual é a razão entre as densidades do metal e da água?

Resposta: 08

Justificativa:

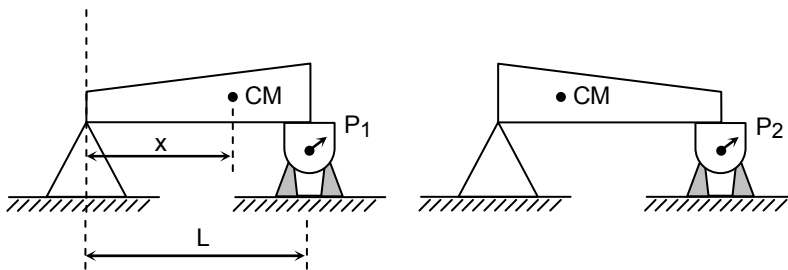
O peso da peça metálica no ar é dado por $P = \rho_{\text{metal}}gV = 800 \text{ N}$.

Na água, a balança indica o peso aparente da peça $P_{\text{ap}} = P - E = 700 \text{ N}$, onde o empuxo é igual ao peso do volume de água deslocada (que é igual ao volume V da peça metálica). Temos, portanto

$$E = \rho_{\text{agua}}gV = 100 \text{ N}$$

$$P/E = \rho_{\text{metal}}gV / \rho_{\text{agua}}gV = \rho_{\text{metal}} / \rho_{\text{agua}} = 800 \text{ N} / 100 \text{ N} = 8.$$

- 08.** Deseja-se localizar a posição do centro de massa (CM) de uma tora de madeira de comprimento $L = 1,0 \text{ m}$. A tora é colocada em repouso na horizontal, com uma extremidade apoiada em um suporte fixo e a outra sobre uma balança. Com o arranjo mostrado na figura à esquerda, a balança indica uma leitura igual a $P_1 = 300 \text{ N}$. A seguir, inverte-se as extremidades da tora e a nova pesagem da balança é reduzida para $P_2 = 200 \text{ N}$. Determine a distância x (figura à esquerda), em **centímetros**, do centro de massa da tora ao eixo do suporte fixo.



Resposta: 60

Justificativa:

Considerando a soma dos momentos em relação ao ponto de apoio igual a zero. Temos:

No arranjo da esquerda $\rightarrow Px = P_1L$;

No arranjo da direita $\rightarrow P(L-x) = P_2L$.

Dividindo as equações acima obtemos

$x/(L-x) = (P_1/P_2) = 3/2 \rightarrow x = 0,6 L = 60 \text{ cm}$.

- 09.** Um mol de um gás ideal mono-atômico, com calor específico molar a volume constante $c_v = 3R/2$, ocupa inicialmente um volume de **1,5 L** à pressão de **1,0 atm**. A partir deste estado, o gás é aquecido a pressão constante até atingir um volume de **1,8 L**. Determine o calor cedido ao gás durante este processo, em **joules**. Considere **1,0 L.atm = 100 J**.

Resposta: 75

Justificativa:

Da primeira Lei da Termodinâmica podemos escrever

$$\Delta E = Q - W \rightarrow Q = \Delta E + W$$

Em uma transformação isobárica de um mol de gás ideal, temos $W = p \Delta V$ e

$$\Delta E = c_v \Delta T = c_v (p \Delta V/R) = (3R/2) (p \Delta V/R) = (3p \Delta V)/2.$$

Portanto,

$$Q = (5p \Delta V)/2 = 5 (1 \text{ atm} \times 0,3 \text{ L})/2 = 0,75 \text{ L.atm} = 75 \text{ J}.$$

- 10.** A função de onda para uma onda harmônica que se propaga em uma corda é $y(x,t) = 0,04 \text{ sen}[2\pi(0,25x - 0,75t)]$, onde a unidade de comprimento é o **metro** e a unidade de tempo é o **segundo**. Determine a velocidade desta onda, em **m/s**.

Resposta: 03

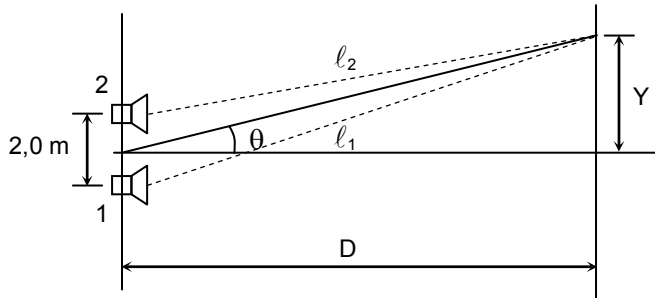
Justificativa:

A forma da função de onda é do tipo $y = A \text{ sen}(kx - \omega t)$. Temos $k = 2\pi/\lambda$ e $\omega = 2\pi/T$, onde λ é o comprimento de onda e T é o período. Portanto,

$$\lambda = 1/0,25 = 4 \text{ m} \text{ e } T = 1/0,75 = 4/3 \text{ s}.$$

A velocidade da onda é dada por: $v = \lambda/T = 3 \text{ m/s}$.

- 11.** A figura mostra dois auto-falantes separados por **2,0 m**, emitindo uma nota musical de frequência $f = 1,0 \text{ kHz}$. Considerando que a velocidade do som é $v = 340 \text{ m/s}$, determine a distância **Y**, em **centímetros**, correspondente ao primeiro mínimo de interferência sobre um anteparo colocado à distância **D = 10 m**?



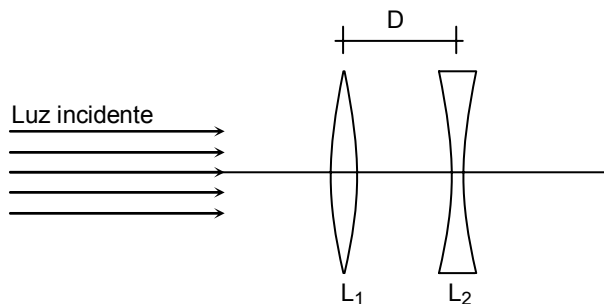
Resposta: 85

Justificativa:

O primeiro mínimo ocorre quando $l_1 - l_2 = \lambda/2$, onde l_1 e l_2 são as distâncias das fontes ao primeiro mínimo e λ é o comprimento de onda dado por $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{340}{10^3} = 0,34 \text{ m}$. O ângulo θ corresponde a $\text{sen}\theta = (l_1 - l_2)/2 = 0,085 \cong \text{tg}\theta$.

Portanto: $Y = (\text{tg}\theta)D = 0,085 \times 10 = 0,85 \text{ m} = 85 \text{ cm}$

12. Duas lentes delgadas (L_1 e L_2), sendo a primeira convergente e a segunda divergente, ambas de distância focal igual a **10 cm**, estão separadas pela distância **D = 2,0 cm**. Determine a distância à direita de L_2 , em **centímetros**, na qual a luz incidente de raios paralelos será focalizada.



Resposta: 40

Justificativa:

A imagem formada por L_1 atuará como o objeto para a lente L_2 . Como os raios são paralelos ao eixo das lentes a imagem formada por L_1 estará no seu foco a uma distância $s = f - D$ para a lente L_2 . A distância entre a imagem e a lente L_2 é calculada pela equação:

$\frac{1}{f - D} + \frac{1}{s'} = \frac{1}{f}$. Resolvendo a equação obtemos $s' = -f(f - D)/D = -40 \text{ cm}$. O sinal negativo indica que a imagem está no lado direito de L_2 .

13. Se tivermos um campo elétrico maior que $1 \times 10^6 \text{ N/C}$ num ambiente com certa umidade, íons serão rapidamente formados resultando pequenas centelhas (nessas condições o ar torna-se um condutor). Qual o raio mínimo (em **cm**) que pode ter uma esfera condutora para armazenar uma carga $Q = 1,1 \times 10^{-8} \text{ C}$ neste ambiente?

Resposta: 01

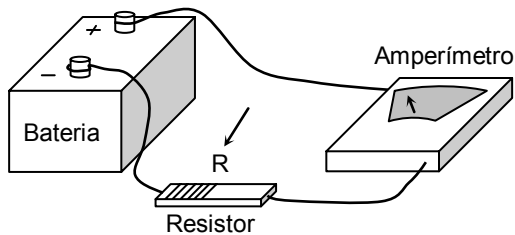
Justificativa:

O campo na superfície da esfera é $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{Q}{a^2}$, onde a é o raio da esfera.

Obtemos como resultado:

$$a = \sqrt{\frac{9 \times 10^9 \times 1,1 \times 10^{-8}}{1,0 \times 10^6}} = \sqrt{9,9 \times 10^{-5}} = 1 \times 10^{-2} \text{ m} = 1 \text{ cm}$$

14. Para determinar a resistência interna, r , de uma bateria foi montado o circuito da figura. Verificou-se que quando o resistor R vale 20Ω o amperímetro indica 500 mA . Quando $R = 112 \Omega$ o amperímetro marca 100 mA . Qual o valor de r , em ohms? Considere que a resistência do amperímetro é desprezível.



Resposta: 03

Justificativa:

A força eletromotriz, \mathcal{E} , da bateria deve ser tal que: $\mathcal{E} = 500 \times 10^{-3} (20+r) = 100 \times 10^{-3} (112+r)$. Desta equação calculamos $r = 3 \text{ ohms}$.

15. Um elétron está descrevendo uma órbita circular ao redor de um próton. Qual o módulo da razão $\left| \frac{E_p}{E_c} \right|$ entre a energia potencial, E_p , e a energia cinética, E_c , deste elétron?

Resposta: 02

Justificativa:

Numa órbita de raio R o módulo da energia potencial é $|E_P| = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R}$ e a energia cinética é $E_C = \frac{mv^2}{2}$. Para exprimir a energia cinética em função do raio da órbita identificamos a força coulombiana como a força centrípeta da trajetória, portanto $\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R^2} = \frac{mv^2}{R}$.

Obtemos então $E_C = \frac{1}{2} \times \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R}$. Portanto a razão $\frac{|E_P|}{E_C} = 2$

- 16.** O céσιο metálico tem uma função trabalho (potencial de superfície) de **1,8 eV**. Qual a energia cinética máxima dos elétrons, em **eV**, que escapam da superfície do metal quando ele é iluminado com luz ultravioleta de comprimento de onda igual a **327 nm**? Considere **1 eV = 1,6 x 10⁻¹⁹ J**.

Resposta: 02

Justificativa:

A energia cinética máxima dos elétrons, $E_{\text{cinética}}^{\text{MAX}}$, é igual à diferença entre a energia dos fótons incidentes, hf , e o potencial de superfície. Temos que:

$hf = 6,63 \times 10^{-34} \times \frac{3 \times 10^8}{327 \times 10^{-9}} = 6,1 \times 10^{-19} \text{ J}$. Em elétron-volts corresponde a

$\frac{6,1 \times 10^{-19}}{1,6 \times 10^{-19}} = 3,8 \text{ eV}$. Portanto $E_{\text{cinética}}^{\text{MAX}} = 3,8 - 1,8 = 2,0 \text{ eV}$.